

A probléma megfogalmazása

Statikus, homogén és folytonos piacok

n szereplő: A, B, C, ... stb.

m termék: x, y, z, ... stb.

k inputtényező: s, t, u, ... stb.

A probléma megfogalmazása

Alapfogalmak:

- Készletek allokációi
- Csere

Tárgyalási szintek:

- I. Csere árinformációk nélkül
- II. Csere árinformációkkal
- III. Termelés és csere árinformációk nélkül
- IV. Termelés és csere árinformációkkal

I. Csere árinformációk nélkül

Termékkészletek: Q_x, Q_y, Q_z, \dots stb.

Allokációs egyenletrendszer

$$\left. \begin{aligned} Q_x &= Q_x^A + Q_x^B + Q_x^C + \dots \\ Q_y &= Q_y^A + Q_y^B + Q_y^C + \dots \\ Q_z &= Q_z^A + Q_z^B + Q_z^C + \dots \\ &\dots \end{aligned} \right\}$$

$$\forall i, j \quad Q_i^j \geq 0$$

I. Csere árinformációk nélkül

Allokációs mátrix

$$W = \begin{bmatrix} Q_x^A & Q_x^B & Q_x^C & \dots \\ Q_y^A & Q_y^B & Q_y^C & \dots \\ Q_z^A & Q_z^B & Q_z^C & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}$$

I. Csere árinformációk nélkül

Allokációs mátrix

$$W = \begin{bmatrix} Q_x^A & Q_x^B & Q_x^C & \dots \\ Q_y^A & Q_y^B & Q_y^C & \dots \\ Q_z^A & Q_z^B & Q_z^C & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}$$

I. Csere árinformációk nélkül

Allokációs mátrix

$$W = \begin{bmatrix} Q_x^A & Q_x^B & Q_x^C & \dots \\ Q_y^A & Q_y^B & Q_y^C & \dots \\ Q_z^A & Q_z^B & Q_z^C & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}$$

$$w_A = [Q_x^A, Q_y^A, Q_z^A, \dots]^T$$

I. Csere árinformációk nélkül

Allokációs mátrix

$$W = \begin{bmatrix} Q_x^A & Q_x^B & Q_x^C & \dots \\ Q_y^A & Q_y^B & Q_y^C & \dots \\ Q_z^A & Q_z^B & Q_z^C & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots \end{bmatrix} = [w_A, w_B, w_C, \dots]$$

$$w_A = [Q_x^A, Q_y^A, Q_z^A, \dots]^T$$

I. Csere árinformációk nélkül

Egyszerűsített modell

- két termék: $m=2$ (x, y),
- két szereplő: $n=2$ (A, B)

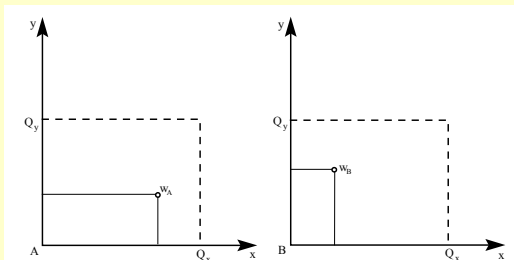
$$\left. \begin{aligned} Q_x &= Q_x^A + Q_x^B \\ Q_y &= Q_y^A + Q_y^B \end{aligned} \right\}$$

$$\forall i, j \quad Q_i^j \geq 0$$

I. Csere árinformációk nélkül

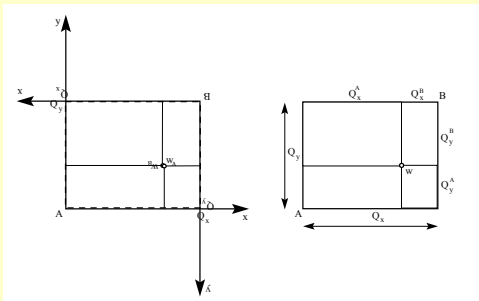
Egyszerűsített modell

$m=2$ (x, y), $n=2$ (A, B)



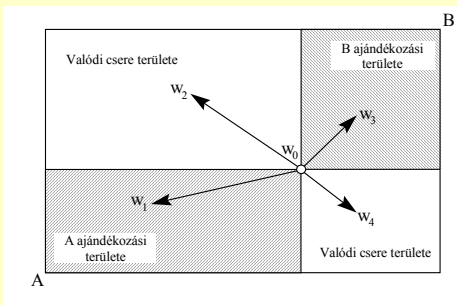
I. Csere árinformációk nélkül

Az Edgeworth-doboz



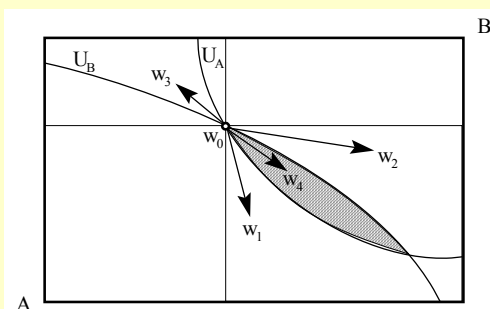
I. Csere árinformációk nélkül

Ajándékozási terület és a valódi cserék területe



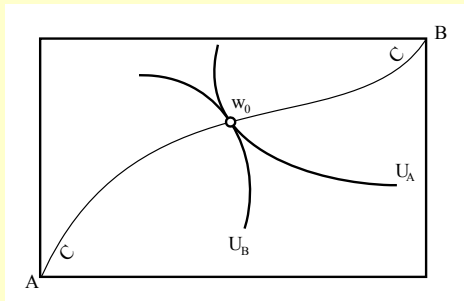
I. Csere árinformációk nélkül

A komparatív cserék területe



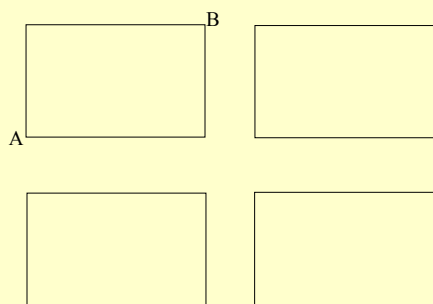
I. Csere árinformációk nélkül

A Pareto-hatékonyság



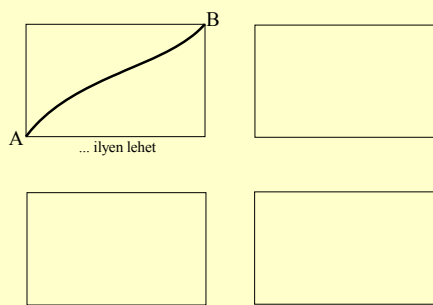
I. Csere árinformációk nélkül

A szerződési görbe



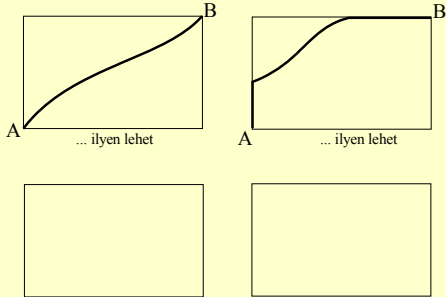
I. Csere árinformációk nélkül

A szerződési görbe



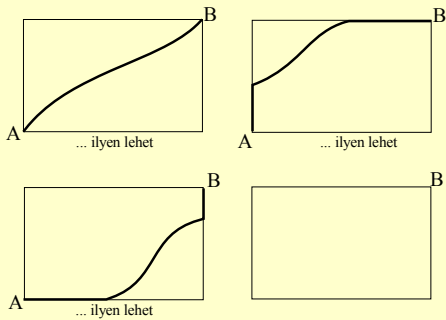
I. Csere árinformációk nélkül

A szerződési görbe



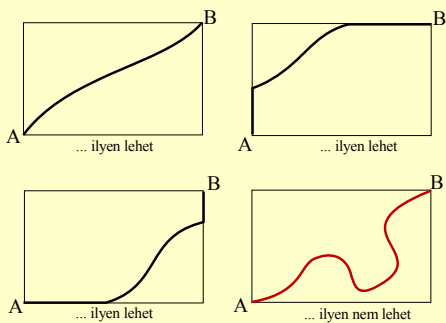
I. Csere árinformációk nélkül

A szerződési görbe



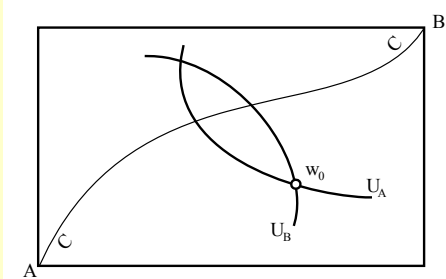
I. Csere árinformációk nélkül

A szerződési görbe



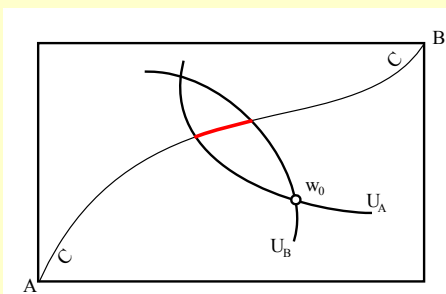
I. Csere árinformációk nélkül

A w_0 kezdeti allokációhoz tartozó gazdaság ...



I. Csere árinformációk nélkül

... magja



II. Csere pénz közbeiktatásával, árinformációkkal

Definíció A vagyon a pénzben értékelt tulajdon.

A javak piaci árai: p_x, p_y, \dots, p_n

Vagyon-egyenletrendszer:

$$\left. \begin{aligned} I_A &= p_x \cdot Q_x^A + p_y \cdot Q_y^A + \dots + p_n \cdot Q_n^A \\ I_B &= p_x \cdot Q_x^B + p_y \cdot Q_y^B + \dots + p_n \cdot Q_n^B \\ \dots \\ I_m &= p_x \cdot Q_x^m + p_y \cdot Q_y^m + \dots + p_n \cdot Q_n^m \end{aligned} \right\}$$

II. Csere pénz közbeiktatásával, árinformációkkal

Definíció A vagyon a pénzben értékelt tulajdon.

A javak piaci árai: p_x, p_y

Vagyon-egyenletrendszer:

$$\left. \begin{aligned} I_A &= p_x \cdot Q_x^A + p_y \cdot Q_y^A \\ I_B &= p_x \cdot Q_x^B + p_y \cdot Q_y^B \end{aligned} \right\}$$

II. Csere pénz közbeiktatásával, árinformációkkal

Definíció A vagyon a pénzben értékelt tulajdon.

A javak piaci árai: p_x, p_y

Vagyon-egyenletrendszer:

$$\left. \begin{aligned} I_A &= p_x \cdot Q_x^A + p_y \cdot Q_y^A \\ I_B &= p_x \cdot Q_x^B + p_y \cdot Q_y^B \end{aligned} \right\}$$

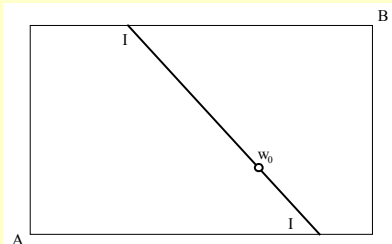
meredekség: $-\frac{p_x}{p_y}$

II. Csere pénz közbeiktatásával, árinformációkkal

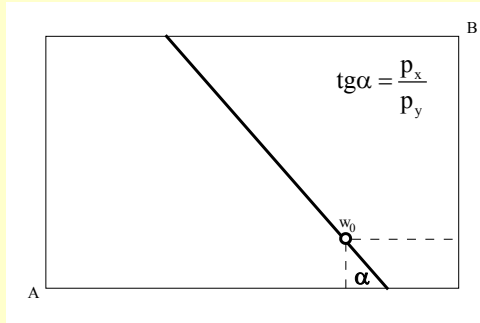
Definíció A vagyon a pénzben értékelt tulajdon.

A javak piaci árai: p_x, p_y

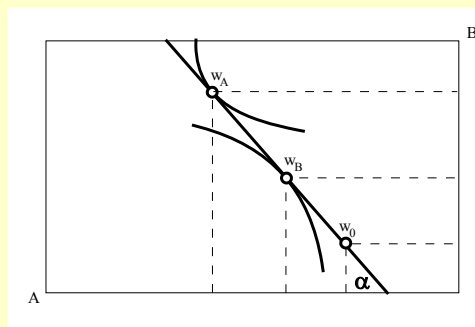
Vagyon-egyenletrendszer az Edgeworth-dobozban:



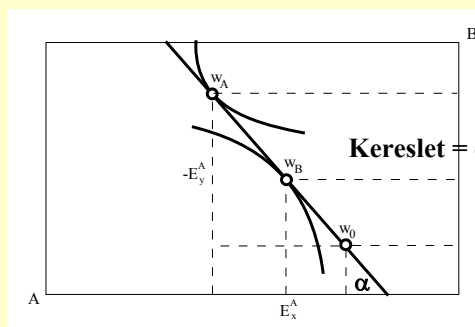
**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**



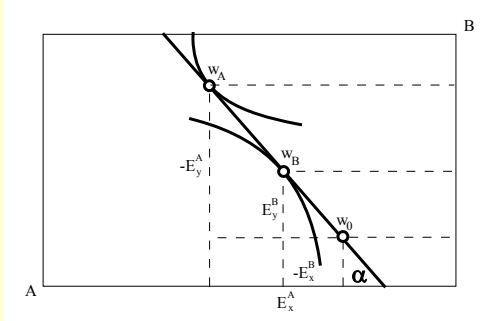
**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**



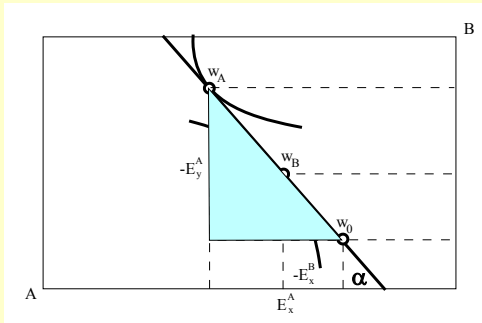
**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**



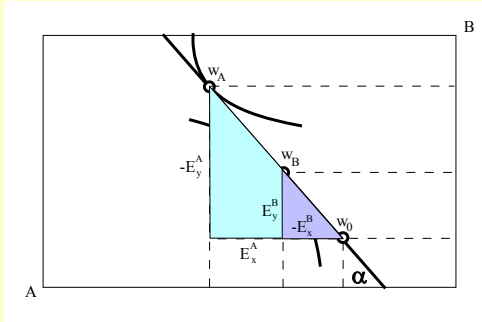
**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**



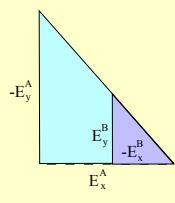
**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**



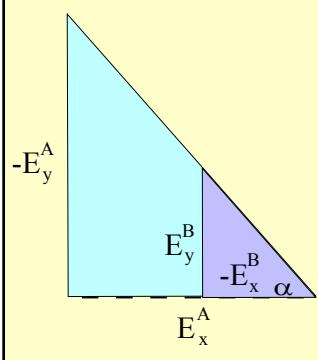
**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**



**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**



**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**



**II. Csere pénz közbeiktatásával,
árinformációkkal**

$$\tan \alpha = \frac{p_x}{p_y} = \frac{-E_y^A}{E_x^A} = \frac{E_y^B}{-E_x^B}$$

$$\left. \begin{aligned} p_x \cdot E_x^A &= -p_y \cdot E_y^A \\ -p_x \cdot E_x^B &= p_y \cdot E_y^B \end{aligned} \right\}$$

$$p_x \cdot (E_x^A - E_x^B) + p_y \cdot (E_y^A - E_y^B) = 0$$

$$(E_x^A - E_x^B) = E_x \quad (E_y^A - E_y^B) = E_y$$

$$p_x \cdot E_x + p_y \cdot E_y = 0$$

II. Csere pénz közbeiktatásával, árinformációkkal

$$p_x \cdot E_x + p_y \cdot E_y = 0$$

Teljes indukcióval valamennyi n termék piacára

$$\sum_{i=1}^n p_i \cdot E_i = 0$$

Walras törvény

II. Csere pénz közbeiktatásával, árinformációkkal

Walras törvény

- a Say dogma matematikai alakja
- az általános egyensúly lehetősége
- következménye: egy különálló piac nem lehet egyensúlytalan, azaz **ha n-1 piacon egyensúly van, akkor egyensúly van az n-ik piacon is**

Folytatjuk ...

Köszönöm a figyelmüket
